

Errata Corrige del testo “Equazioni alle Derivate Parziali: un primo corso”

Marco Bramanti

12 maggio 2025

Qui di seguito si elencano alcuni errori che si trovano nella prima edizione del testo, e relative correzioni, che saranno incorporate nelle successive ristampe. Ringrazio tutti gli studenti che con le loro osservazioni hanno contribuito a individuare questi errori, e sarò grato a chi ne segnalerà altri. I numeri di pagina fanno riferimento all'edizione *cartacea*.

pag.3, riga 16

Si tratta di 6 \rightarrow Si tratta di 8

pag.20, equazioni (2.10) e (2.11)

$d\phi_n \rightarrow d\phi_{n-1}$

pag.22, equazione (2.13)

$d\phi_n \rightarrow d\phi_{n-1}$

pag.23, per tre volte in formule centrate:

$d\phi_n \rightarrow d\phi_{n-1}$

pag.25, per tre volte in formule centrate:

$d\phi_n \rightarrow d\phi_{n-1}$

pag.56, nel testo:

che il sistema trigonometrico adattato all'intervallo $[0, T]$ è

$$1, \cos(n\omega x), \sin(n\omega x) \text{ con } \omega = \frac{2\pi}{T}.$$

per due volte porre $T \rightarrow L$

pag.67, riga 4:

a tali che \rightarrow tali che

pag.93, a metà pagina, in formula centrata, seconda riga:

$nB_n \sin(n\vartheta) \rightarrow nB_n \cos(n\vartheta)$

pag.106, riga 1:

che sia $c_1(\xi) = 0$ per ogni $x \rightarrow$ che sia $c_1(\xi) = 0$ per ogni ξ

pag.109, riga 3 dal basso, in formula centrata:

$c_\delta f(z) \rightarrow c_\delta |f(z)|$

pag.115, riga 6:

$\max_{\partial\Omega} (u + \varepsilon |x|) \leq \max_{\partial\Omega} u + \varepsilon R \rightarrow \max_{\partial\Omega} (u + \varepsilon |x|^2) \leq \max_{\partial\Omega} u + \varepsilon R^2$

due righe sotto:

$\varepsilon R \rightarrow \varepsilon R^2$

pag.116, enunciato Teorema 3.28. Va aggiunta l'ipotesi $f \in C^0(\overline{\Omega})$.

pag.120, ultima formula centrata nella dimostrazione:

$\phi\left(\frac{|y|}{\varepsilon}\right) \rightarrow \phi\left(\frac{y}{\varepsilon}\right)$

pag.130, ultima riga. Per due volte:

$\omega_{n-1} \rightarrow \omega_n$

pag.131, prime tre formule centrate, in ognuna di queste:

$\omega_{n-1} \rightarrow \omega_n$

pag.134, Proposizione 3.40. L'unicità in effetti vale sotto la sola ipotesi che Ω sia un *aperto limitato*. Come si dice nella nota a piè di pagina, l'esistenza invece si può dimostrare se Ω è un dominio limitato Lipschitziano.

pag.140, terza formula centrata:

$\Delta y \phi \rightarrow \Delta_y \phi$

pag. 142, formula (3.59):

$f(z) \rightarrow g(z)$

pag.142, righe 4-5 dal basso:

in un cerchio concentrico più piccolo \rightarrow in una sfera concentrica più piccola

pag.161, riga 10 dal basso

$u(x, 0) = g(x)$ per $x \in \mathbb{R}^n \rightarrow u(x, 0) = g(x)$ per $x \in \Omega$

pag.167, Teorema 4.8. Bisogna richiedere anche che sia $f \in C^0(\overline{Q_T})$.

pag.177, riga 9 dal basso:

la ci aspettiamo \rightarrow ci aspettiamo

pag.199, terza formula centrata:

$H^* f(y, s) \rightarrow H^* \tilde{f}(y, s)$

pag.205, Esercizio 4.36:

$$u(1, t) \rightarrow u(2, t)$$

Nello svolgimento di questo esercizio (versione online), prime due righe:

Poiché il dato iniziale $f(x)$ non rispetta la condizione di raccordo $f(0) = f(1) = 0$, il limite non sarà uniforme. La condizione iniziale sarà assunta puntualmente in $(0, 1)$ e sarà assunta in senso $L^2(0, 1) \rightarrow$

Poiché il dato iniziale $f(x)$ non rispetta la condizione di raccordo $f(0) = f(2) = 0$, il limite non sarà uniforme. La condizione iniziale sarà assunta puntualmente in $(0, 2)$ e sarà assunta in senso $L^2(0, 2)$.

pag.223, formula (5.15)

$$g \in C^0(\mathbb{R}) \rightarrow g \in C^1(\mathbb{R})$$

pag.224, Teorema 5.11:

$$g \in C^0(\mathbb{R}) \rightarrow g \in C^1(\mathbb{R})$$

pag.226, prima formula centrata:

$$-\int_{\mathbb{R}} \left(\frac{\partial u}{\partial t} + v \frac{\partial u}{\partial x} \right) (x, t) \phi(x, t) dt dx \rightarrow -\int_0^{+\infty} \left(\int_{\mathbb{R}} \left(\frac{\partial u}{\partial t} + v \frac{\partial u}{\partial x} \right) (x, t) \phi(x, t) dx \right) dt$$

terza formula centrata:

$$\int_{\mathbb{R}} \left\{ f - \left(\frac{\partial u}{\partial t} + v \frac{\partial u}{\partial x} \right) \right\} (x, t) \phi(x, t) dt dx \rightarrow \int_0^{+\infty} \left(\int_{\mathbb{R}} \left\{ f - \left(\frac{\partial u}{\partial t} + v \frac{\partial u}{\partial x} \right) \right\} (x, t) \phi(x, t) dx \right) dt$$

pag.236, riga 12:

In questo caso il coefficiente $\tau_0/\rho \rightarrow$ In questo caso il coefficiente τ_0/ρ_0

pag.249, seconda formula centrata:

$$u_t = u_\alpha \cdot \frac{\partial \alpha}{\partial t} + u_\beta \cdot \frac{\partial \beta}{\partial x} \rightarrow u_t = u_\alpha \cdot \frac{\partial \alpha}{\partial t} + u_\beta \cdot \frac{\partial \beta}{\partial t}$$

pag.313, Esercizio 6.52

$$h \in L^\infty(\mathbb{R}) \rightarrow h \in L^1_{loc}(\mathbb{R})$$