Compiti di Analisi Matematica 2

Ing. Elettronica, a.a. 2022/2023. Politecnico di Milano **Settimana 14**

Prof. M. Bramanti

Riferimenti di studio per la settimana 14: Libro di testo, Cap.7, §3.2, 3.3, 3.4 (per ora in parte), 3.6. Eserciziario, §7.3.C (per ora in parte).

Serie di Fourier, periodizzazione e regolarità delle periodizzate. Un tipo di esercizio concettualmente elementare ma importante, preparatorio ai risultati che vedremo nella prossima lezione, è contenuto del §7.3.B., che si raccomanda di leggere.

Serie di Fourier, calcolo dei coefficienti. Svolgere, dall'eserciziario, almeno 10 Esercizi del blocco 7.44-.7.67. Per ora ignorare la domanda, presente negli esercizi, sulla velocità di convergenza a zero dei coefficienti (ne parleremo la prossima lezione).

Svolgere il seguente esercizio:

Calcolare la serie di Fourier della funzione $f(x) = x^4$ su $[-\pi, \pi]$; verificare che valgono le ipotesi che assicurano la convergenza puntuale in tutto l'intervallo; calcolando la serie di Fourier in un punto opportuno, calcolare quindi la somma della serie numerica:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^4}.$$